

Examen de C++

**Durée :** 1h00  
**Aucun document autorisé**  
**Mobiles interdits**

On souhaite représenter l'ensemble  $\mathbb{Q}$  des nombres rationnels. On rappelle que :  
 $\mathbb{Q} = \left\{ \frac{m}{n} \mid (m,n) \in \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}^* \right\}$ .

► 1. Écrivez la classe `rationnel` qui possède :

- 2 variables membres privées `num` et `dem`;
- des constructeurs;
- le destructeur (qui ne fera rien);
- les accesseurs (*get...* et *set...*);
- la méthode `toString` qui renvoie une chaîne de caractères représentation du rationnel courant au format *num/dem*;
- la surcharge de l'opérateur `<<` pour écrire un rationnel dans un `std::ostream`.
- la surcharge de l'opérateur `>>` pour lire un rationnel depuis un `std::ifstream`.

```
#pragma once
/*
 * la classe rationnel représente l'ensemble mathématique Q
 * des nombres rationnels tels que Q = {m/n | (m,n) ∈ Z × Z*}
 */
#include <iostream>
#include <cassert>

class rationnel {
private:
    int num, dem;
public:
    //
    static const rationnel zero; // (0,1)
    // les constructeurs
    rationnel(const int n=0, const int d=1) : num(n), dem(d) { assert(d!=0); }
    // le destructeur
    ~rationnel() {}
    // les accesseurs
    int getNumerateur() const { return this->num; }
    int getDenominateur() const { return this->dem; }
    void setNumerateur(const int n) { this->num = n; }
    void setDenominateur(const int d) { assert(d!=0); this->dem = d; }
    // la méthode toString renvoie une chaîne de caractères représentation
    // du rationnel courant au format num/dem ;
    std::string toString() const {
        return std::to_string(this->num) + "/" + std::to_string(this->dem);
    }
    // surcharge de l'opérateur < pour écrire un rationnel dans un std::ostream.
    friend std::ostream& operator<<(std::ostream &f, const rationnel &r) {
```

```
        return f << r.toString();
    }
    // surcharge de l'opérateur > pour lire un rationnel depuis un std::ifstream.
    friend std::ifstream& operator>>(std::ifstream &f, const rationnel &r) {
        f.read((char *) &r, sizeof(rationnel));
        return f;
    }
};
```

► 2. Complétez la classe `rationnel` en écrivant la méthode `simplifier` qui renvoie (si possible) le rationnel simplifié du rationnel courant. Par exemple, 21/70 est simplifié en 3/10 et 42/6 en 7/1. Vous pourrez écrire des méthodes auxiliaires.

```
// rôle : renvoie le rationnel simplifié du rationnel courant
rationnel simplifier() const {
    if (this->num == 0) return rationnel::zero;
    if (this->num == this->dem) return rationnel(1,1);
    if (this->num == -this->dem) return rationnel(-1,1);
    // chercher les diviseurs et réduire
    return this->reduire();
}

// rôle : renvoie la réduction du rationnel courant à partir de ses diviseurs
rationnel::reduire() const
{
    // calculer le pgcd
    int div = rationnel::pgcd(std::abs(this->num), std::abs(this->dem));
    return rationnel(this->num/div, this->dem/div);
}

// rappel du calcul du pgcd
int pgcd(int a, int b) {
    while (a != b) {
        // pgcd(a,b) = pgcd(a-b,b) et a>b
        // = pgcd(a,b-a) et a<b
        if (a>b)
            // pgcd(a,b) = pgcd(a-b,b) et a>b
            a -= b;
        else
            // pgcd(a,b) = pgcd(a,b-a) et a<b
            b -= a;
    }
    return a;
}
```

► 3. Écrivez la méthode `plus` qui renvoie la somme du rationnel courant et du rationnel passé en paramètre.

```
/*
 * Rôle : renvoie la somme *this + r
 */
```

```

*/
rationnel plus(const rationnel &r) const {
    if (*this==rationnel::zero) return r;
    if (r==rationnel::zero) return *this;
    //
    int new_num, new_dem;
    if (this->dem == r.dem) {
        // même dénominateur
        new_num = this->num + r.num;
        new_dem = r.dem;
    } else {
        new_num = this->num*r.dem + r.num*this->dem;
        new_dem = this->dem*r.dem;
    }
    return rationnel(new_num, new_dem).simplifier();
}

```

```

}

```

.....

- 4. Écrivez la surcharge de l'opérateur + qui renvoie la somme du rationnel courant et du rationnel passé en paramètre.

---

```

/*
 * Rôle : renvoie la somme *this + r
 */
rationnel operator+(const rationnel &r) const {
    return this->plus(r);
}

```

- 5. Un fichier de nom *fr* contient des nombres rationnels (de type `rationnel`, bien sûr). Écrivez la fonction `main` qui lit tous les rationnels contenus dans le fichier *fr* et qui écrit sur la sortie standard leur somme.

---

```

#include <iostream>
#include <fstream>
#include <cstdlib>
#include "rationnel.hpp"

int main() {
    std::ifstream ios("fr");
    if (!ios.is_open()) {
        perror("fr");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }
    // lire le fichier fr de rationnels et calculer leur somme
    rationnel r, somme=rationnel::zero;
    while (ios >> r)
        somme = somme + r;
    //
    ios.close();
    std::cout << somme << std::endl;
    return EXIT_SUCCESS;
}

```